

# Kvantni celularni automati, računalni nano-domino

*Robert Slunjski<sup>1</sup>, Elena Mavrek*

1 Zavod za fiziku materijala, Laboratorij za poluvodiče

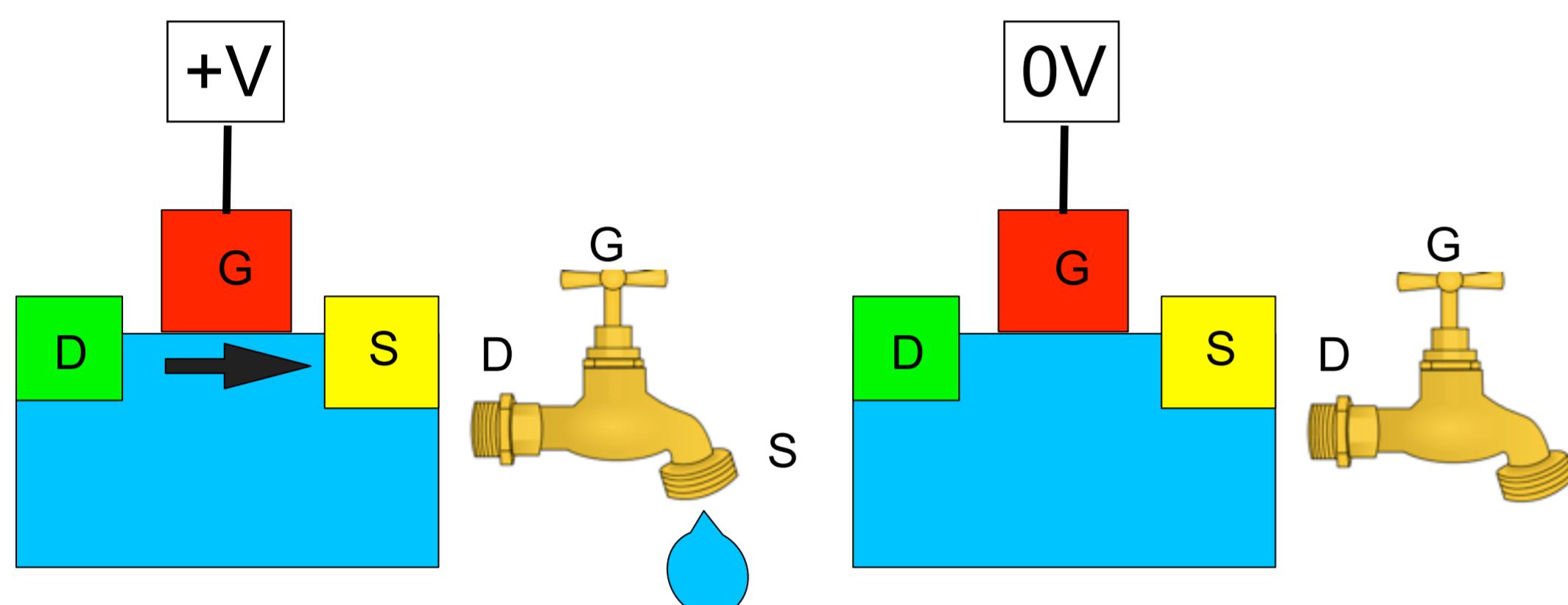
**Mooreov zakon:**


Gordon Moore jedan je od osnivača kompanije Intel 1965. g. Moore je uočio [1] da se svake dvije godine broj aktivnih elemenata na nekoj površini čipa udvostručuje uz istu cijenu proizvodnje čipa (Slika 1a. i 1b.).

Spomenuto tehnološko-ekonomsko očajanje zove se **Mooreov zakon**.

Originalno, Moore je predviđao da će njegovo očajanje vrijediti najviše 10 do 15 godina, no inovativnost i novi dizajn električnih komponenti prodržao je trajanje Mooreova zakona sve do danas. Produciranje Mooreova zakona predstavlja ustvari povijest, odnosno revoluciju tehnoloških otkrića u mikroelektronici i nanoelektronici do danas.

Snaga Mooreova zakona vidi se u Slici 2. gdje je pokazana usporedba površine dvaju čipova, prvi proizveden 1971. g. koji ima samo 2300 aktivna elementa, a drugi iz 2000. g. koji ima oko 42 000 000 aktivna elementa. (Danas tipični čip za PC računala ima preko 2 milijarde aktivnih elemenata u jednoj jezgri).


**Slika 3.**

Tranzistor kao električna sklopka.

Ako je na G-elektrodi napon +V onda iz elektrode D teče struja u elektrodu S (otvorena pipa kao bit 1)

Ako na G-elektrodi nema napona iz D ne teče struja u S. (zatvorena pipa kao bit 0)

**Rješenje:**

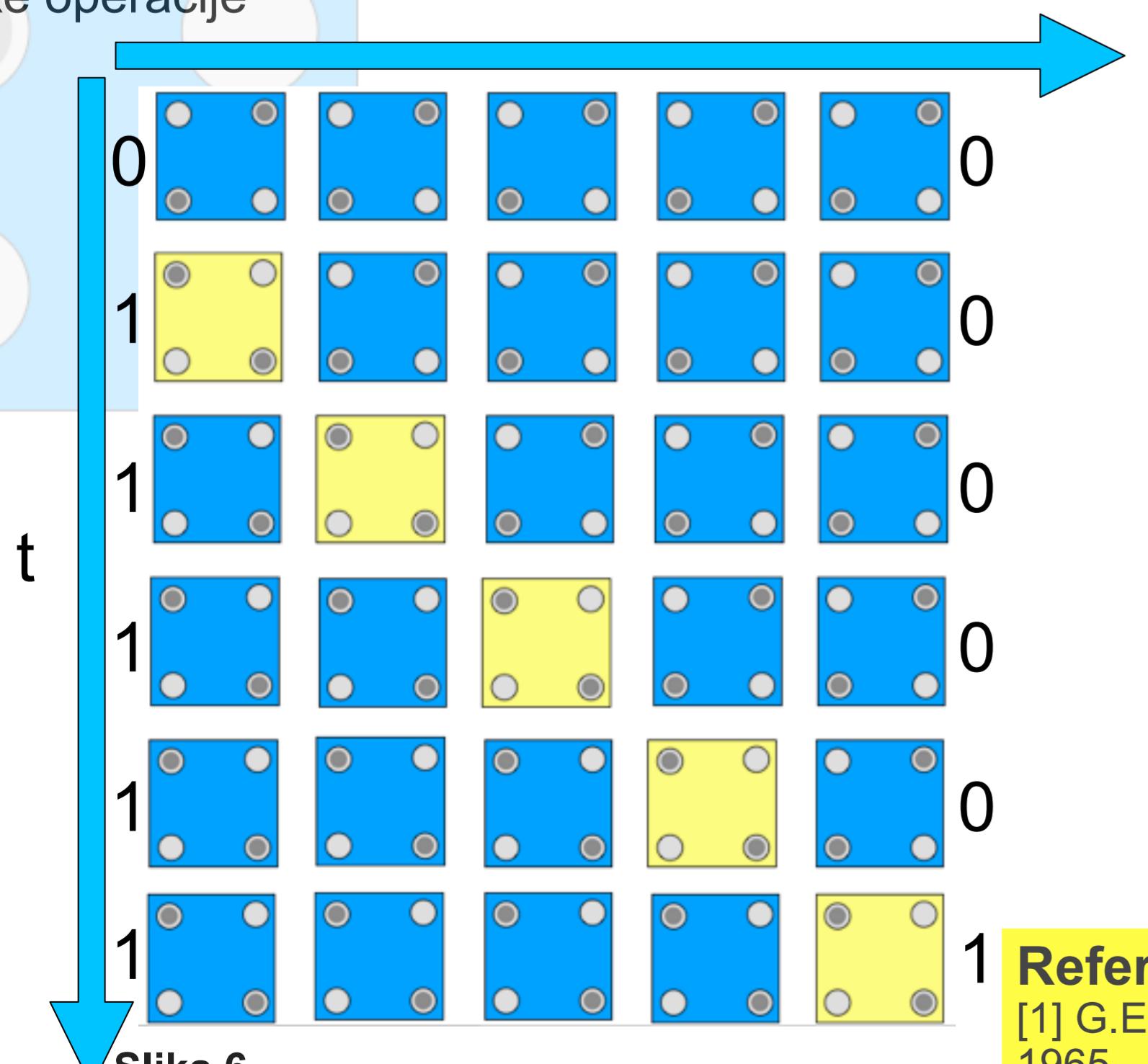
Kvantni celularni automati (QCA) [2,3] nude daljnju minijaturizaciju osnovnog gradivnog elementa u obliku aktivnog sklopa koji se sastoji od **4 kvantne jame i dva elektrona** (Slika 5.).

Osnovno stanje takvog sustava dobije se rješavanjem Hamiltonijana (1) koji pokazuje da u osnovnom stanju postoje dvije moguće konfiguracije gustoće elektrona (slika 5a., 5b.) koje kodiraju binarnu infomaciju.

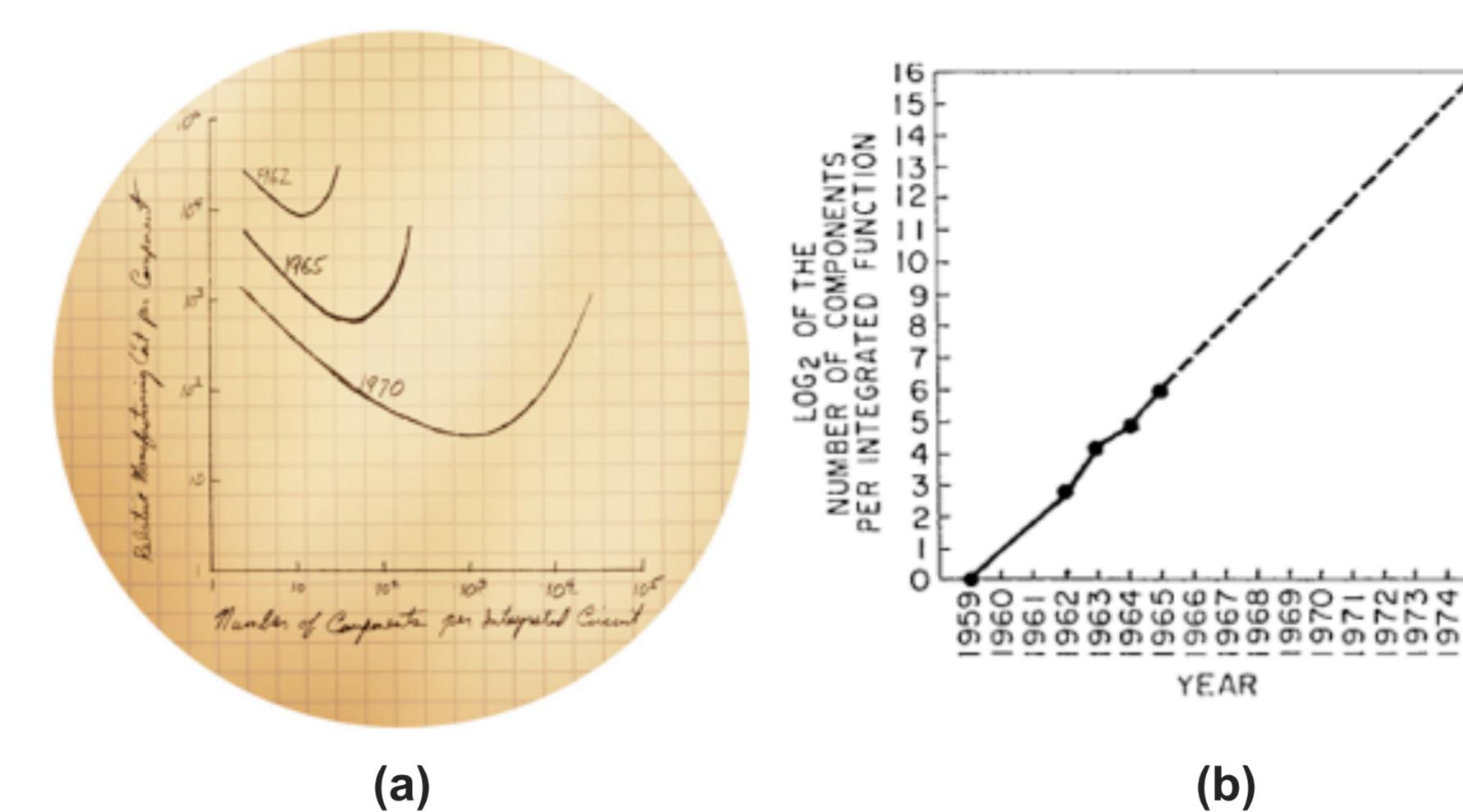
Informacija, odnosno stanje u QCA celijama, prenosi se kulonskom interakcijom i između celija nema transporta elektrona (električna struja).

Na Slici 6. prikazan je protok informacija u QCA sustavu koji može poslužiti kao žica i iz koje se vidi tipičan sljed promjene stanja koji je sličan dominu ili u ovom slučaju nano-domino.

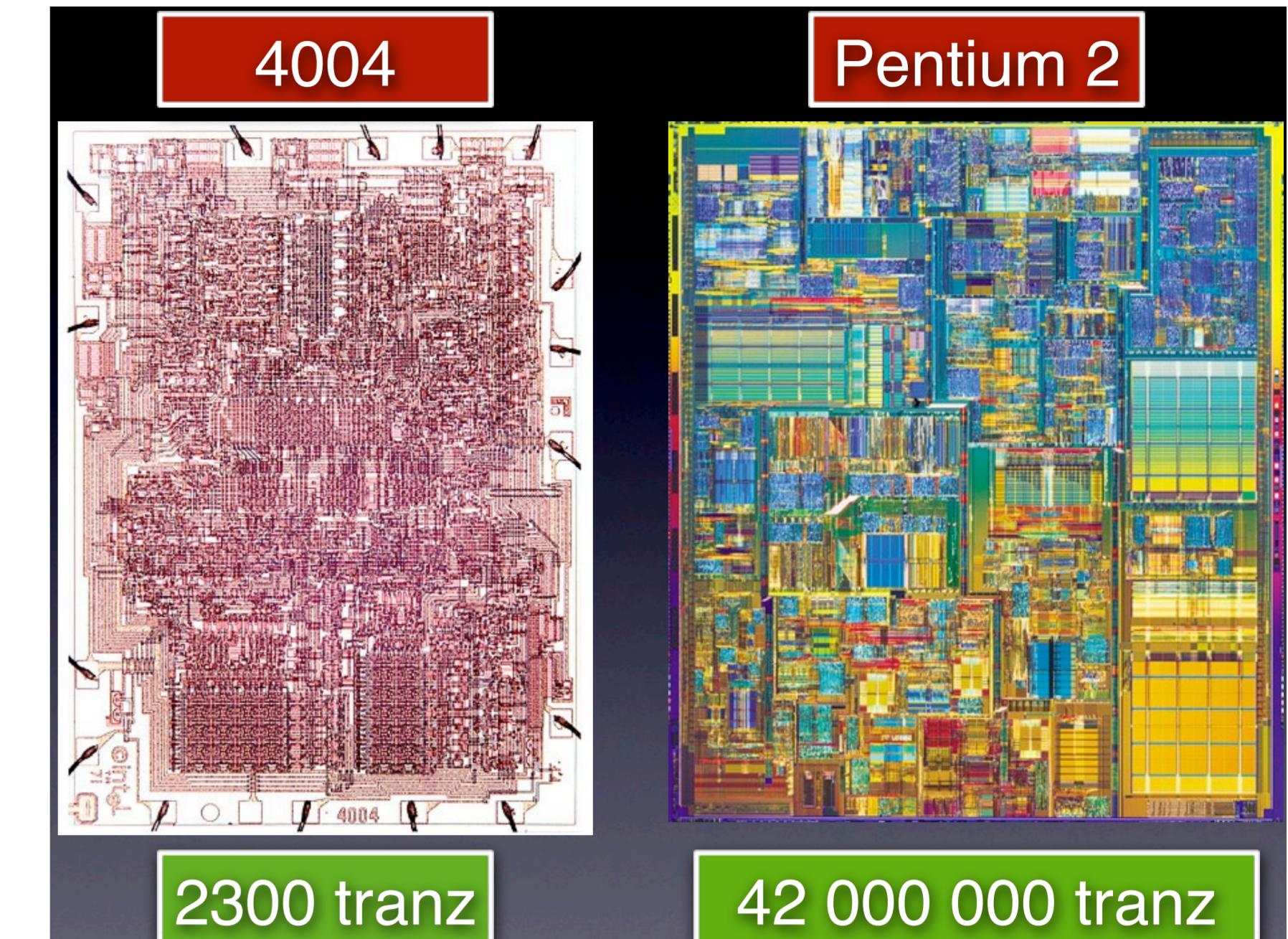
Na Slici 7. prikazan je QCA sustav koji izvršava osnovne logičke operacije


**Slika 6.**

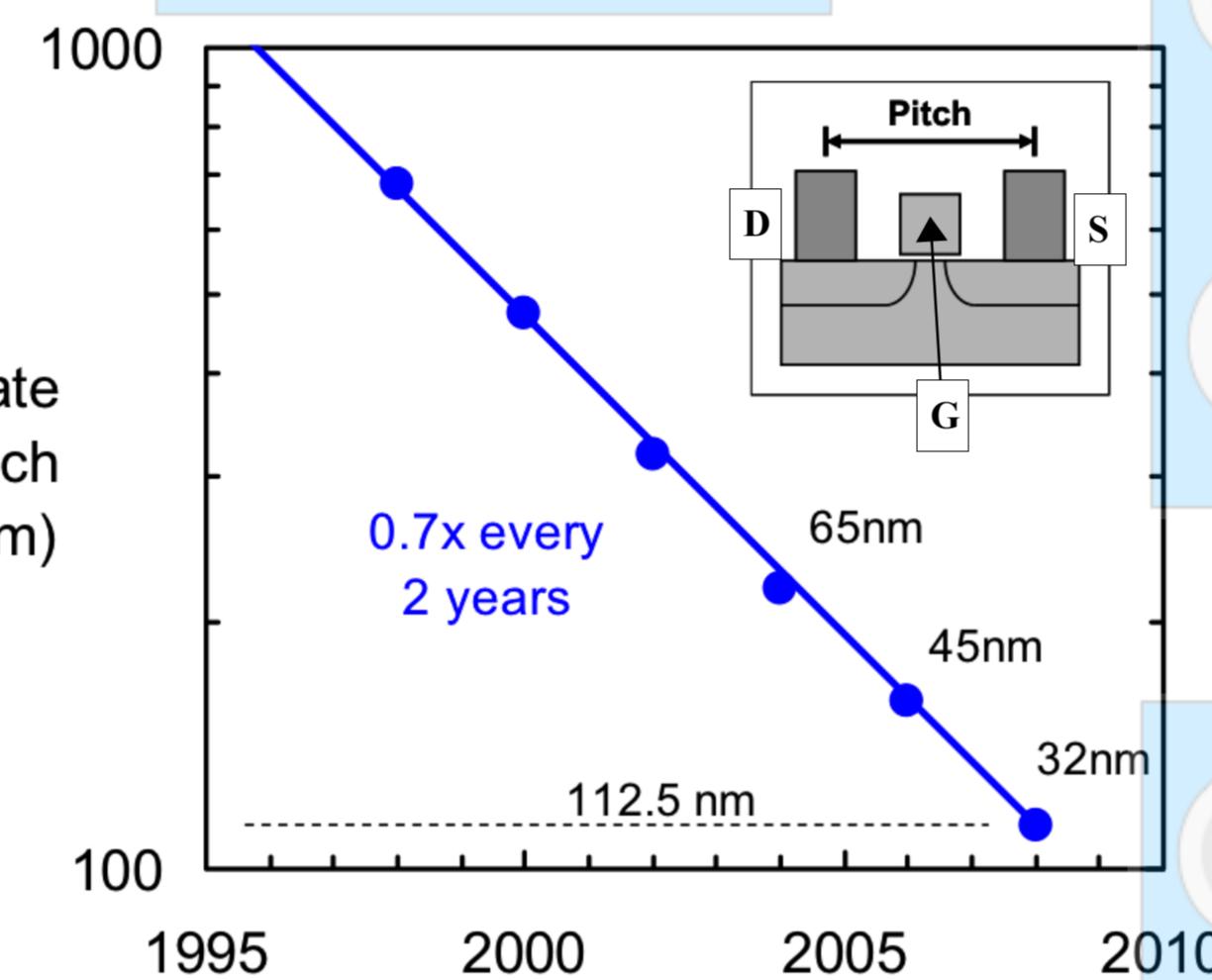
QCA žica. Nakon što se u prvoj celiji promjeni stanje sa 0 na 1 interakcijom dolazi do promjene stanja u ostalim celijama u nizu (kvantni domino) nakon 5 vremenskih koraka.


**Slika 1.**

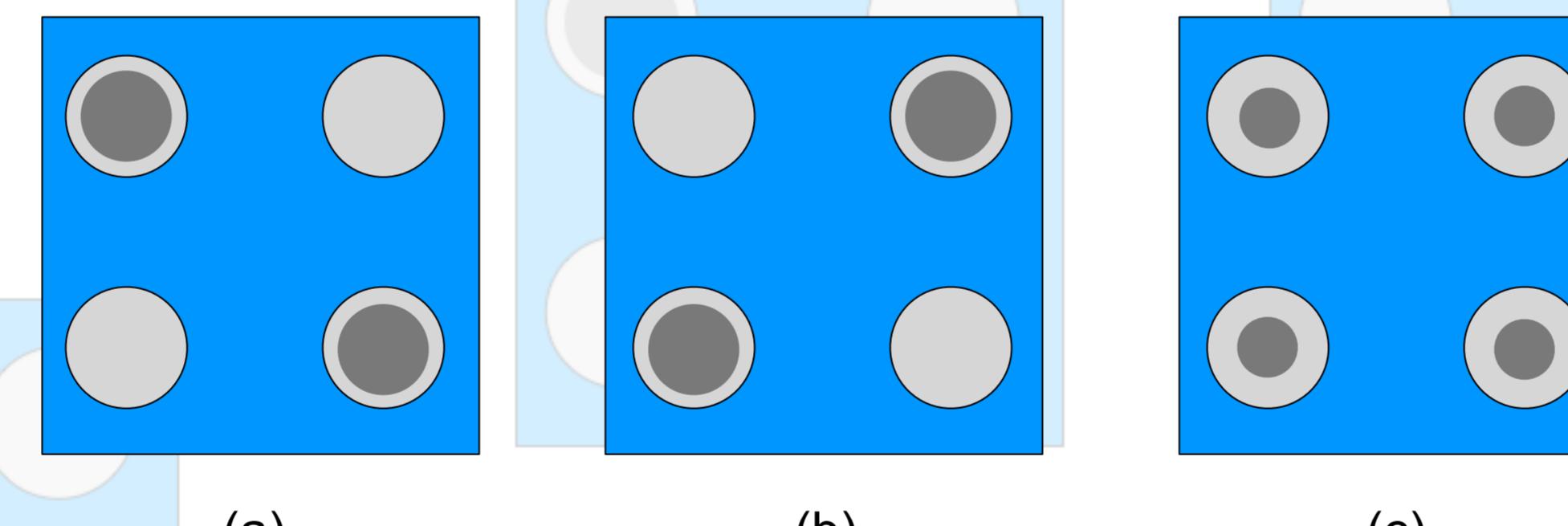
- a) Originalni Mooreov crtež iz 1965 u kojem uočava da za svaku tehnologiju proizvodnje integriranih krugova postoji ekonomski minimum troškova proizvodnje pri određenom broju aktivnih elemenata (tranzistora) na površini čipa.  
b) Mooreov graf iz [1] u kojem su pokazani realni podaci (puna linija) i predviđanje (crtačna linija) za sljedećih deset godina počevši od 1965. g. (nastaje Mooreov zakon)


**Slika 2.**

Usporedba površina dvaju procesora jednakih površina. Procesor 4004 je prvi Intelov komercijalni proizvod iz 1971. i ima 2300 tranzistora. Pentium 2 iz 2000. g. ima oko 42 000 000 tranzistora.


**Slika 4.**

Smanjenje veličine tranzistora u vremenu.

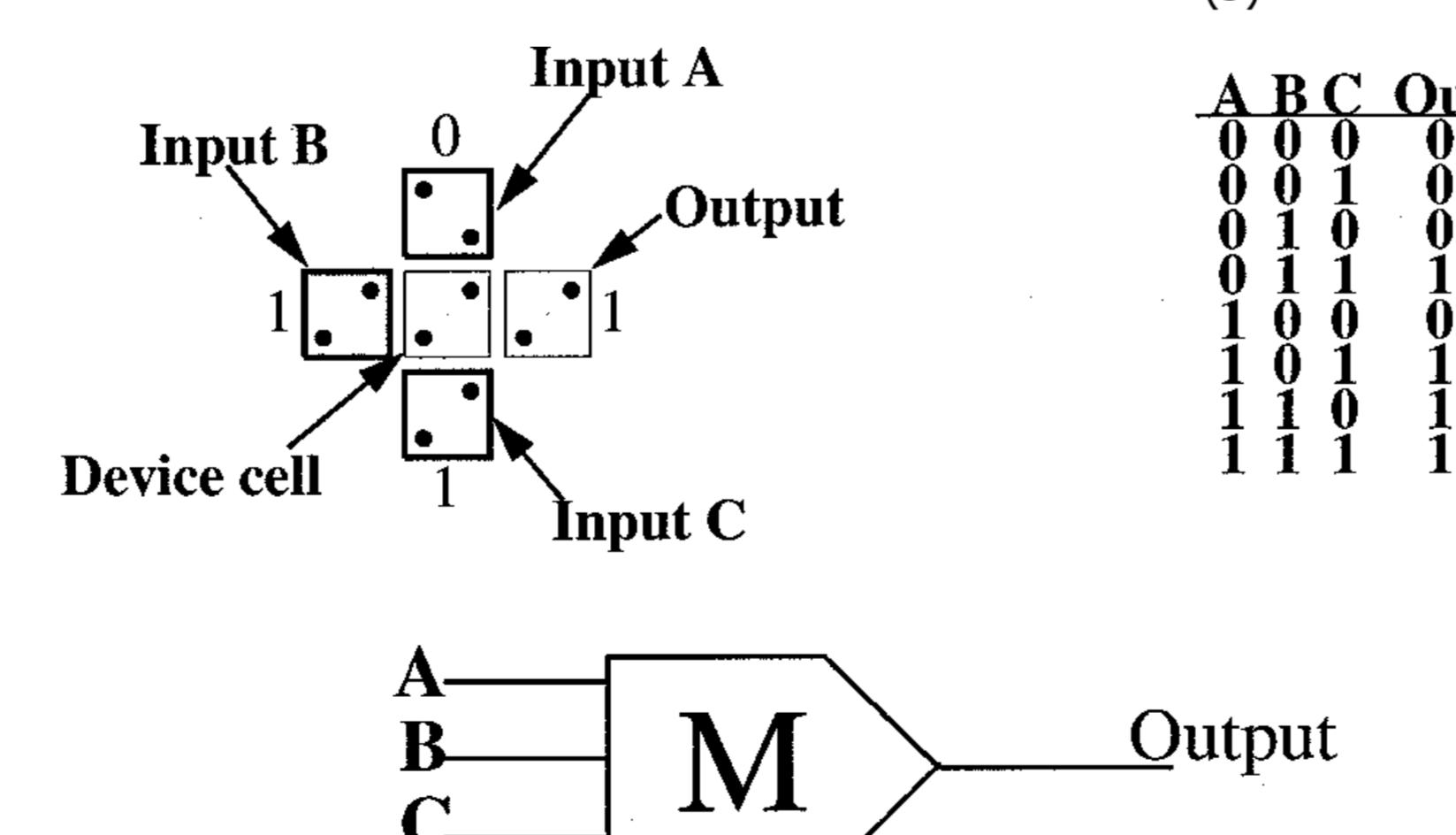

**Slika 5.**

- a) Osnovno stanje jedne QCA celije i elektronski oblak u konfiguraciji P = 1 (bit 1)  
b) Osnovno stanje jedne QCA celije i elektronski oblak u konfiguraciji P = -1 (bit 0)  
c) Elektronska gustoća dvaju elektrona raspodijeljena na 4 kvantne jame, polarizacija nije prisutna.

$$H_0^{cel} = \sum_{i,\sigma} (E_{0,i} + V_i) n_{i,\sigma} + \sum_{i,\sigma} t(a_{i,\sigma}^\dagger a_{0,\sigma} + a_{0,\sigma}^\dagger a_{i,\sigma}) + \sum_i E_{Q,i} n_{i,\uparrow} n_{i,\downarrow} + \sum_{i>j, \sigma, \sigma'} V_Q \frac{n_{i,\sigma} n_{j,\sigma'}}{|\vec{R}_i - \vec{R}_j|}$$

$$P = \frac{(\rho_2 + \rho_4) - (\rho_1 + \rho_3)}{\rho_1 + \rho_2 + \rho_3 + \rho_4 + \rho_5} \quad (2)$$

$$\rho_i = \langle \Psi_0 | n_i | \Psi_0 \rangle \quad (3)$$


**Slika 7.**

Za A = 0 dobije se AND sklop, za A = 1 dobije se OR sklop.

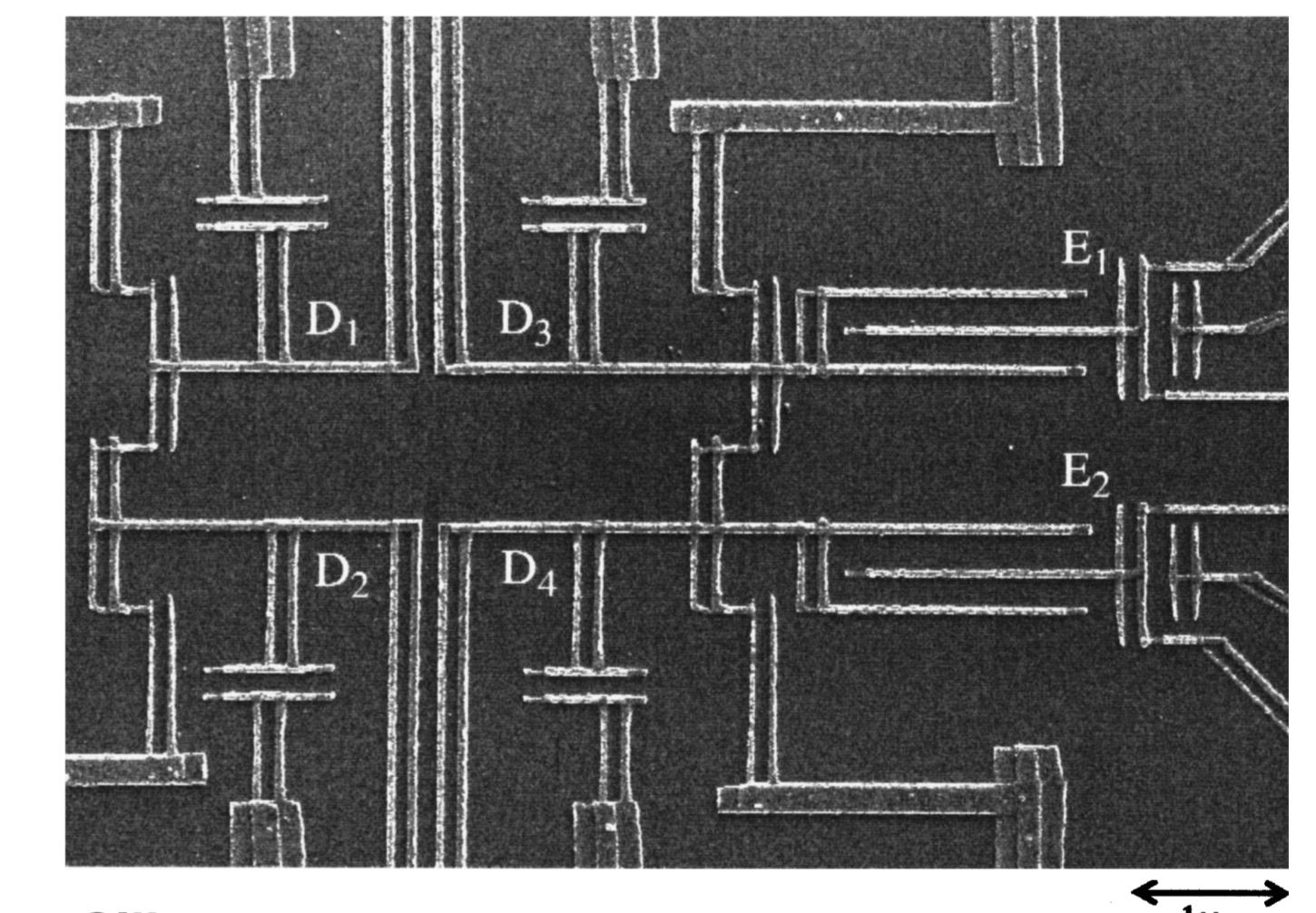
**Reference:**

- [1] G.E. Moore, "Cramming more components onto integrated circuits", Electronics, Vol. 28, 1965.
- [2] C.S. Lent et al., "Quantum cellular automata", Nanotechnology, Vol 4, p.49-54, 1993.
- [3] W. Wang, K. Walus and G.A. Jullien, "Quantum-Dot Cellular Automata Adders", Nanotechnology, Vol. 2, p.461-464, 2003.
- [4] M.T. Niemer, "Designing Digital Systems in QCA", Master Thesis, University of Notre Dame, Indiana, 2004.

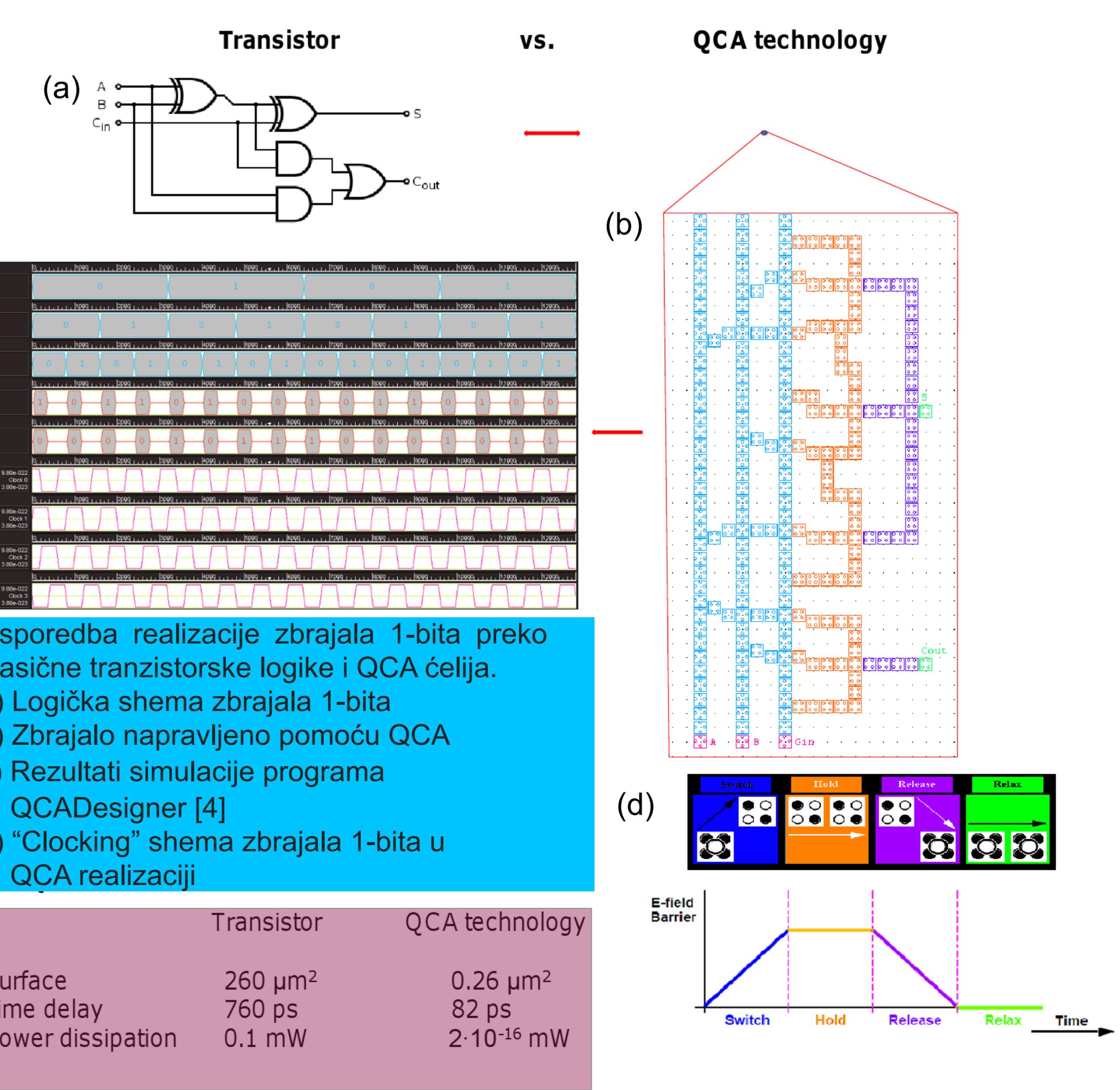
**Problem:**

Problem sa Mooreovim zakonom nastaje kada minijaturizacija osnovnog gradivnog elementa svakog čipa (tranzistor koji služi kao električna sklopka u binarnoj logici (Slika 3.)) dosegne fizičke dimenzije u kojima kvantni i termodinamički efekti postaju značajni i u kojima se tranzistor više ne ponaša kao *dobra* električna sklopka.

Fizikalna granica u kojima tranzistor prestaje biti *dobra* električna sklopka **fundamentalna** je i ona zaustavlja Mooreov zakon i napredak na koji smo se navikli vidjeti iz mikroprocesorske industrije (Slika 4.).


**Slika 7.**

Eksperimentalna realizacija jedne QCA celije.

**Realizacija QCA sklopa (zbrajalo 1 bita)**


Usporedba realizacije zbrajala 1-bit preko klasične tranzistorске logike i QCA celija.

- a) Logička shema zbrajala 1-bit
- b) Zbrajalo napravljeno pomoću QCA
- c) Rezultati simulacije programa QCADesigner [4]
- d) "Clocking" shema zbrajala 1-bit u QCA realizaciji